

Numeri e Basi

DECIMALI (base 10)

$$(134)_{10} = 1 \times 10^2 + 3 \times 10^1 + 4 \times 10^0$$

BINARI (base 2)

$$(101)_2 = 1 \times 2^2 + 0 \times 2^1 + 1 \times 2^0 = (5)_{10}$$

OTTALE (base 8)

$$(647)_8 = 6 \times 8^2 + 4 \times 8^1 + 7 \times 8^0 = (423)_{10}$$

ESADECIMALE (base 16)

$$(123)_{16} = 1 \times 16^2 + 2 \times 16^1 + 3 \times 16^0 = (291)_{10}$$

Numeri Ottali e Esadecimali

- I numeri binari sono molto lunghi rispetto alla quantità di info che rappresentano
- Le rappresentazioni ottali e esadecimali sono versioni **compatte** di numeri binari

OTTALE (a tre a tre)

$$(1\ 100\ 111\ 010)_2 = (1472)_8$$

ESADECIMALE (a quattro a quattro)

$$(11\ 0011\ 1010)_2 = (33A)_{16}$$

N.B. Le cifre da 10 a 15 si rappresentano con le lettere A,...,F

Somma di due numeri

- La somma di due numeri (in qualunque base, per un numero fissato di cifre) si può calcolare x colonne

decimale

Riporto	0	1	0		
Addendo 1		5	7	2	+
Addendo 2		1	4	1	=
Somma		7	1	3	

binaria

Riporto	.1	1	1		
Addendo 1		1	0	1	+
Addendo 2		0	1	1	=
Somma		0	0	0	

OVERFLOW

Da decimale a Binario

Numero	/2	Resto
142	71	0
71	35	1
35	17	1
17	8	1
8	4	0
4	2	0
2	1	0
1	0	1



$(142)_{10} =$
 $(10001110)_2$
 $(216)_8$
 $(8E)_{16}$

Rappresentazione degli interi

Generalmente (dipende dalla macchina e dal contesto d'uso) un intero viene rappresentato in 4 byte = 32 bit

Quindi si posso rappresentare 2^{32} (circa 4 miliardi e 300 milioni) interi diversi

Si potrebbero quindi rappresentare tutti gli interi non negativi nell'intervallo $[0, 2^{32}-1]$

E i negativi?

Interi Negativi

Vedremo due tipi di codifica per i negativi

1. Bit e segno
2. Complemento a due

Bit e Segno

Riserviamo il primo bit per il segno:

0 = positivo

1 = negativo.

I numeri non negativi rappresentabili sono quindi quelli rappresentabili con $n-1$ bit, cioè nell'intervallo $[0, 2^{n-1}-1]$

Anche le più semplici operazioni come la somma sono difficili da eseguire!! $101+001 = 110 \leftrightarrow 000$