PARTE 2 La Rappresentazione dei Dati

Fabio Aiolli PROGRAMMAZIONE 33
Introduzione

I computer hanno una memoria finita. Quindi, l'insieme dei numeri interi e reali che si possono rappresentare in un computer è necessariamente finito

Codifica Binaria

Tutti i dati usati dagli elaboratori sono in forma codificata

Tutti basati soltanto su due cifre 0 e 1 (bit)

- Perche? Gli strumenti di elaborazione e memorizzazione a cui un calcolatore ha accesso hanno solo DUE stati
 - · Interruttori (Inseriti o no)
 - Transistors (Conduttivi o no)
 - · Nastri Magnetici (Magnetizzati in un verso o un altro)
 - Schede perforate (Fori in determinati punti o no)
- Quindi.. Non è necessario un alto grado di precisione
 - Economici
 - Robusti

Fabio Aiolli PROGRAMMAZIONE 35
Introduzione

Valore Posizionale

- Il valore di ogni cifra dipende dalla sua posizione nel numero
 - Unità, decine, centinaia. Nei numeri decimali
 - 1,2,4,8,.. Nei numeri Binari
 - Decimi, centesimi.. Nelle frazioni decimali
 - Metà, quarti.. Nelle frazioni binarie
- La cifra più (meno) significativa è la cifra con il valore posizionale più alto (basso)

Sia b la base della rapprentazione (2 in binario, 10 in decimale, ecc.)

La cifra in posizione k (da destra verso sinistra) vale b^{k-1}

Sia n il numero di cifre a disposizione. Quanti numeri diversi possiamo codificare?

Risposta: bⁿ, perché?

Fabio Aiolli PROGRAMMAZIONE 37
Introduzione

Numeri e Basi

DECIMALI (base 10)

$$(134)_{10} = 1 \times 10^2 + 3 \times 10^1 + 4 \times 10^0$$

BINARI (base 2)
 $(101)_2 = 1 \times 2^2 + 0 \times 2^1 + 1 \times 2^0 = (5)_{10}$
OTTALE (base 8)
 $(647)_8 = 6 \times 8^2 + 4 \times 8^1 + 7 \times 8^0 = (423)_{10}$
ESADECIMALE (base 16)
 $(123)_{16} = 1 \times 16^2 + 2 \times 16^1 + 3 \times 16^0 = (291)_{10}$

Numeri Ottali e Esadecimali

- I numeri binari sono molto lunghi rispetto alla quantità di info che rappresentano
- Le rappresentazioni ottali e esadecimali sono versioni compatte di numeri binari

ESADECIMALE (a quattro a quattro)

$$(11\ 0011\ 1010)_2 = (33A)_{16}$$

N.B. Le cifre da 10 a 15 si rappresentano con le lettere A,...,F

Fabio Aiolli

PROGRAMMAZIONE Introduzione

39

Somma di due numeri

 La somma di due numeri (in qualunque base, per un numero fissato di cifre) si può calcolare x colonne

decimale

Riporto	0	1	0		
Addendo 1		5	7	2	+
Addendo 2		1	4	1	=
Somma		7	1	3	

binaria

Riporto	.1	1	1		
Addendo 1		1	0	1	+
Addendo 2		0	1	1	=
Somma		0	0	0	

OVERFLOW

Da decimale a Binario

Numero	/2	Resto				
142	71	0				
71	35	1				
35	17	1				
17	8	1				
8	4	0				
4	_ 2	0				
2	1	0				
1	0	1				

$$(142)_{10} =$$
 $(10001110)_{2}$
 $(216)_{8}$
 $(8E)_{16}$

Fabio Aiolli PROGRAMMAZIONE 41
Introduzione

Rappresentazione degli interi

Generalmente (dipende dalla macchina e dal contesto d'uso) un intero viene rappresentato in 4 byte = 32 bit

Quindi si posso rappresentare 2³² (circa 4 miliardi e 300 milioni) interi diversi

Si potrebbero quindi rappresentare tutti gli interi non negativi nell'intervallo [0, 2³²-1]

E i negativi?

Interi Negativi

Vedremo due tipi di codifica per i negativi

- 1. Bit e segno
- 2. Complemento a due

Fabio Aiolli PROGRAMMAZIONE 43
Introduzione

Bit e Segno

Riserviamo il primo bit per il segno:

0 = positivo

1 = negativo.

I numeri non negativi rappresentabili sono quindi quelli rappresentabili con n-1 bit, cioe` nell'intervallo [0,2ⁿ⁻¹-1]

Anche le più semplici operazioni come la somma sono difficili da eseguire!! 101+001 = 110 <> 000

Complemento a due

Il bit più significativo rappresenta un valore negativo

I valori posizionali x un intero a 6 bit sono: -32 16 8 4 2 1

Fabio Aiolli PROGRAMMAZIONE 45
Introduzione

Complemento a due (cambio di segno)

Facilissimo: Inversione bit + 1

19 -> -19

19 in complemento a 2	010011					
Inverti i bit	101100					
Somma 1	101101					

-23 -> 23

-23 in complemento a 2	101001
Inverti i bit	010110
Somma 1	010111

Complemento a due (sottrazione)

Facile: somma al minuendo il sottraendo cambiato di segno

12-14=12+(-14)

Memorizza 14	001110
Inverti i bit	110001
Somma 1, ottieni -14	110010
Memorizza 12	001100
Somma -14 e 12	111110

-2

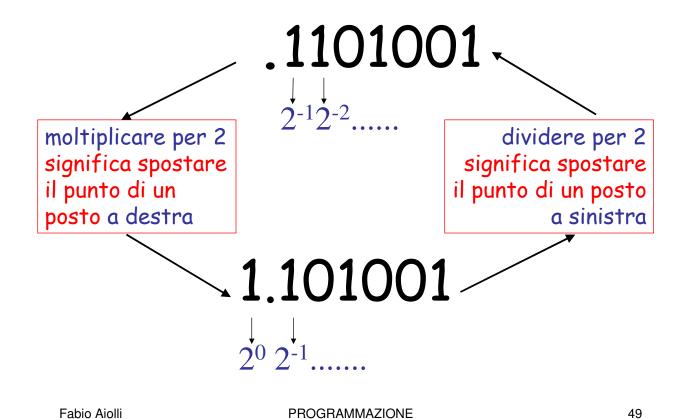
Fabio Aiolli

PROGRAMMAZIONE Introduzione

47

Numeri decimali

Cosa significa una parte decimale binaria?



Introduzione

- Il trucchetto di spostare la virgola x moltiplicare o dividere un numero funziona anche per le altre basi!
- · Esempi:
 - $-(1.234)_{10}/10=(.1234)_{10}$
 - $-(.01234)_{10} \times 100 = (1.234)_{10}$
 - Ma anche $(463.427)_8$ / $16 = (4.63427)_8$ E così via..

Se abbiamo un valore decimale in base 10, ad esempio 0.99, come troviamo la sua rappresentazione in base 2? Ragioniamo come segue:

Supponiamo che

$$(.99)_{10} = .b_1b_2b_3...b_k$$
 (in binario)
allora $2 \times .99 = 1.98 = b_1.b_2...b_k$
quindi $b_1 \ \dot{e} \ 1$
e .98 \delta rappresentato da .b_2...b_k

Fabio Aiolli PROGRAMMAZIONE 51
Introduzione

Quindi: per trovare la rappresentazione binaria di un valore decimale lo moltiplichiamo per 2 e osserviamo la cifra che appare nella parte intera.

Esempio:
$$(.59)_{10} = (?)_{2}$$

 $.59\times2=1.18$
 $.18\times2=0.36$
 $.36\times2=0.72$
 $.72\times2=1.44$ $(0.59)_{10}=(.100101...)_{2}$
 $.44\times2=0.88$
 $.88\times2=1.76$

E così via... dipende da quanti bit abbiamo a disposizione! N.B. Mi posso fermare se moltiplicando per 2 ottengo una parte decimale = 0

Esempio Completo

$$(18.59)_{10} = (?)_{2}$$

 $(18)_{10} = (10010)_{2}$
 $(.59)_{10} = (.100101...)_{2}$

Ne deriva che:

$$(18.59)_{10} = (10010.100101...)_{2}$$

Fabio Aiolli PROGRAMMAZIONE 53
Introduzione

Osserviamo che spostando la virgola di h posti verso destra nella rappresentazione decimale di un numero N moltiplichiamo N per 10^h mentre spostandola verso sinistra di h posti N viene diviso per 10^h. Ad esempio:

$$18.59 = 18.59 \times 10^{0}$$

= 1.859×10^{1} rappresentazione normalizzata
= 0.1859×10^{2}
= 185.9×10^{-1}
= 1859×10^{-2}

Si parla di <u>rappresentazione in virgola mobile</u>. Quindi in virgola mobile lo stesso numero decimale ha piu' rappresentazioni possibili. Solitamente si usa la <u>rappresentazione normalizzata</u> in cui la parte intera ha un'unica cifra decimale diversa da zero.

La rappresentazione in virgola mobile per i numeri binari e` del tutto analoga. Ad esempio:

$$101.01 = 101.01 \times 2^{0}$$

= 10.101×2^{1}
= 1.0101×2^{2} Rappresentazione normalizzata
= 1010.1×2^{-1}
= 10101×2^{-2}

La rappresentazione in virgola mobile normalizzata ha <u>sempre</u> parte intera uguale a 1.

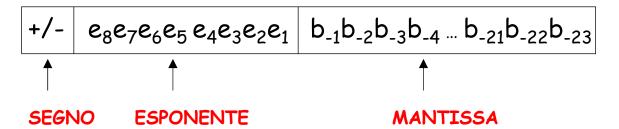
Fabio Aiolli PROGRAMMAZIONE 55
Introduzione

Per registrare un numero reale x in memoria si adotta la rappresentazione binaria in virgola mobile normalizzata:

$$x = 2^e \times 1.b_{-1}b_{-2}b_{-3}b_{-4}...$$

Naturalmente non e' possibile memorizzare la sequenza possibilmente infinita di bit della parte frazionaria ma si memorizzano soltanto i primi bit. Anche per l'esponente si utilizzano un numero finito di bit. Generalmente per rappresentare un numero reale si usano 4 byte nel modo seguente:

$$\begin{array}{|c|c|c|c|c|c|}\hline +/- & e_8e_7e_6e_5 \, e_4e_3e_2e_1 & b_{-1}b_{-2}b_{-3}b_{-4} \dots b_{-21}b_{-22}b_{-23}\\ \textbf{1 bit} & \textbf{8 bit} & \textbf{23 bit} \\ \end{array}$$



Il primo bit rappresenta il segno del numero: 0 per +, 1 per -. Gli otto bit successivi si usano per rappresentare l'esponente esp. Dovendo rappresentare sia esponenti positivi che negativi la sequenza di bit $e_8e_7e_6e_5$ $e_4e_3e_2e_1$ e` la rappresentazione binaria di esp + 127. Con 8 bit si rappresentano gli interi compresi tra 0 e 255. Siccome le sequenze di bit 00000000 (0) e 11111111 (255) sono riservate (problema che non consideriamo), gli esponenti rappresentabili sono quelli per cui $1 \le esp + 127 \le 254$ ovvero $-126 \le esp \le 127$.

Fabio Aiolli PROGRAMMAZIONE 57
Introduzione

Rappresentazione dei decimali



Quindi si rappresenta il numero

$$N = s 2^{e-127} \times 1.m$$

0 10000011 001110010110000000000

10000011 = 131
esp = 131-127 = 4. Quindi
$$2^{4} \times 1.00111001011 = 10011.1001011$$

$$= 2^{4} + 2^{1} + 2^{0} + 2^{-1} + 2^{-4} + 2^{-6} + 2^{-7}$$

$$= 19.5859375$$

Fabio Aiolli

PROGRAMMAZIONE Introduzione

59

Caratteri

In generale viene usata la codifica standard ASCII:

ogni carattere è rappresentato in 1 byte e quindi possiamo rappresentare 256 caratteri. Questo basta per:

+ caratteri di controllo: Enter, Tab, etc

Tabella ASCII

Dec	Hx C	ot C	nar	Dec	Нх	Oct	Html	Chr	Dec	Нх	Oct	Html	Chr	Dec	Нх	Oct	Html Cl	hr_
0	0 0	00 M	L (null)	32	20	040	@#32;	Space	64	40	100	a#64;	0	96	60	140	a#96;	8
1	1 0	01 50	H (start of heading)	33	21	041	a#33;	1	65	41	101	a#65;	A	97	61	141	a#97;	a
2	2 0	02 S T	X (start of text)	34	22	042	 4 ;	**	66	42	102	a#66;	В	98	62	142	498; a#98	b
3	3 0	03 E	X (end of text)	35	23	043	%#35 ;	#	67	43	103	a#67;	C	99	63	143	a#99;	C
4	4 0	04 E	T (end of transmission)	36			@#36;		68	44	104	a#68;	D	100	64	144	a#100;	d
5	5 0	05 EI	((enquiry)	37	25	045	%	*	69	45	105	E	E				e	
6	6 0	06 AI	K (acknowledge)	38			%#38;		70			a#70;					f	
7	7 0	07 BI	L (bell)	39			'		71			a#71;					a#103;	
8		10 B:		40			(72			H					a#104;	
9	9 0	11 T	B (horizontal tab))		73			a#73;					@#105;	
10	A 0	12 L	' (NL line feed, new line	42	2A	052	6#42;	*	74			a#74;					j	
11	B 0	13 V	(vertical tab)				&# 4 3;		75			a#75;		1			a#107;	
12	C 0	14 F	' (NP form feed, new page				,		76			a#76;					l	
13		15 CI		45			-		77			e#77;		1			a#109;	
14	E 0	16 SI	(shift out)	46			.		78	_		a#78;		1			n	
15	F 0	17 S	(shift in)	47			6#47;		79			a#79;					o	
16 1	10 0	20 DI	E (data link escape) 📗	48	30	060	6#48;	0	80	50	120	4#80;	P	112	70	160	p	р
			1 (device control 1)	49			&#49;</td><td></td><td>81</td><td></td><td></td><td>Q</td><td>_</td><td></td><td></td><td></td><td>@#113;</td><td></td></tr><tr><td></td><td></td><td></td><td>2 (device control 2)</td><td>50</td><td></td><td></td><td>6#50;</td><td></td><td>82</td><td></td><td></td><td>R</td><td></td><td></td><td></td><td></td><td>a#114;</td><td></td></tr><tr><td>19 1</td><td>13 0</td><td>23 DI</td><td>3 (device control 3)</td><td></td><td></td><td></td><td>3</td><td></td><td></td><td></td><td></td><td>a#83;</td><td></td><td>1</td><td></td><td></td><td>a#115;</td><td></td></tr><tr><td>20 1</td><td>14 0</td><td>24 DI</td><td>4 (device control 4)</td><td></td><td></td><td></td><td>4</td><td></td><td></td><td></td><td></td><td>a#84;</td><td></td><td></td><td></td><td></td><td>t</td><td></td></tr><tr><td>21 1</td><td>15 0</td><td>25 N</td><td>K (negative acknowledge)</td><td>53</td><td>35</td><td>065</td><td>6#53;</td><td>5</td><td>85</td><td>55</td><td>125</td><td>a#85;</td><td>U</td><td></td><td></td><td></td><td>u</td><td></td></tr><tr><td></td><td></td><td></td><td>N (synchronous idle)</td><td>1</td><td></td><td></td><td>4;</td><td></td><td></td><td></td><td></td><td>a#86;</td><td></td><td></td><td></td><td></td><td>a#118;</td><td></td></tr><tr><td>23 1</td><td>17 0</td><td>27 E</td><td>B (end of trans. block)</td><td></td><td></td><td></td><td><u>@</u>#55;</td><td></td><td></td><td></td><td></td><td>a#87;</td><td></td><td></td><td></td><td></td><td>@#119;</td><td></td></tr><tr><td>24 1</td><td>18 0</td><td>30 C</td><td>N (cancel)</td><td>56</td><td>38</td><td>070</td><td>a#56;</td><td>8</td><td>88</td><td>58</td><td>130</td><td>4#88;</td><td>X</td><td></td><td></td><td></td><td>x</td><td></td></tr><tr><td></td><td></td><td>31 EI</td><td></td><td>57</td><td></td><td></td><td><u>@</u>#57;</td><td></td><td>89</td><td></td><td></td><td>a#89;</td><td></td><td></td><td></td><td></td><td>y</td><td></td></tr><tr><td>26 1</td><td>1A O</td><td>32 S1</td><td>B (substitute)</td><td>58</td><td></td><td></td><td>6#58;</td><td></td><td>90</td><td></td><td></td><td>a#90;</td><td></td><td></td><td></td><td></td><td>z</td><td></td></tr><tr><td></td><td></td><td>33 E</td><td></td><td>59</td><td></td><td></td><td>;</td><td></td><td>91</td><td></td><td></td><td>[</td><td></td><td></td><td></td><td></td><td>{</td><td></td></tr><tr><td>28 1</td><td>1C O</td><td>34 F</td><td>(file separator)</td><td>60</td><td></td><td></td><td><</td><td></td><td>92</td><td></td><td></td><td>&#92;</td><td></td><td></td><td></td><td></td><td>4;</td><td></td></tr><tr><td>29 1</td><td>1D O</td><td>35 G:</td><td>(group separator)</td><td>61</td><td>ЗD</td><td>075</td><td>=</td><td>=</td><td>93</td><td>5D</td><td>135</td><td>a#93;</td><td>]</td><td></td><td></td><td></td><td>a#125;</td><td></td></tr><tr><td>30 1</td><td>1E 0</td><td>36 R</td><td>(record separator)</td><td>1</td><td></td><td></td><td>></td><td></td><td></td><td></td><td></td><td>a#94;</td><td></td><td></td><td></td><td></td><td>~</td><td></td></tr><tr><td>31 1</td><td>1F 0</td><td>37 U</td><td>(unit separator)</td><td>63</td><td>ЗF</td><td>077</td><td>?</td><td>?</td><td>95</td><td>5F</td><td>137</td><td>6#95;</td><td>_</td><td>127</td><td>7F</td><td>177</td><td>@#127;</td><td>DEL</td></tr><tr><td></td><td></td><td></td><td></td><td></td><td></td><td></td><td></td><td></td><td></td><td></td><td></td><td></td><td>S</td><td>ource</td><td>: w</td><td>ww.a</td><td>sciitable</td><td>.com</td></tr></tbody></table>											

Fabio Aiolli PROGRAMMAZIONE 61
Introduzione

Tabella ASCII

```
209 =
128 Ç 144 É 161 í 177 🎆
                                             193 🚣
                                                                    225 B
                                                                                241 ±
                     162 ó
                                                        210 👚
129 ü
           145 😹
                                 178
                                             194 <del>_</del>
                                                                   226 ┌
                                                                                242 ≥
           146 Æ 163 ú 179 | 195 ├ 211 L 227 π 243 ≤
130 é
131 â 147 ô 164 ñ 180 <del>|</del> 196 <del>-</del>
                                                          132 ă 148 ö 165 Ñ 181 d 197 d 213 F 229 G 245 J
133 à 149 ò 166 ° 182 d 198 d 214 r 230 μ 246 d 
134 å 150 û 167 ° 183 π 199 d 215 d 231 τ 247 ≈
135 g 151 ù 168 ¿ 184 d 200 d 216 d 232 d 248 °
136 ê 152 d 169 d 185 d 201 r 217 J 233 ⊕ 249 ·
135 ç 151 u 108 6 12. 136 ê 152 _ 169 _ 185 4 137 ê 153 Ö 170 _ 186 #
                                            202 ≝ 218 ┌ 234 Ω 250
138 è 154 Ü 171 ½ 187 ¬
139 ï 156 £ 172 ¼ 188  
140 î 157 ¥ 173 ¡ 189  
141 ì 158 _ 174 « 190  
142 Å 159 f 175 » 191 ¬
                                             203 🔐 219 📕 235 \delta 251 🗸
                                             204 ⊫
                                                         220 🛮 236 🐝 252 💆
                                              205 =
                                                         221
                                                                    237 ф
                                                                  237 .
238 e
                                                                                253
141 i 158 _
142 Ä 159 f
143 Å 160
                                              206 #
                                                          222
                                                                                 254
                                              207 🛓
                                                          223
                                                                  239 💍
                                                                                255
                       176 🎇 192 📙
                                             Source: www.asciitable.com
```

Wide characters

Nel caso sia necessario rappresentare più caratteri, per esempio caratteri usati in lingue asiatiche, esiste la codifica UNICODE che associa 2 byte ad ogni carattere. In questo modo si possono rappresentare 65536 caratteri diversi