Dipartimento di Ingegneria Industriale - DII Anno Accademico 2021/22 Registro lezioni del docente SOMMARIVA ALVISE

Attività didattica

CALCOLO NUMERICO [IN18101050]

Corso di studio: INGEGNERIA DELL'ENERGIA [IN0515]

Sede: PADOVA

Partizionamento: Canale B

Periodo di svolgimento: Secondo Semestre

Docente titolare del corso: SOMMARIVA ALVISE matr. 020922

Altri docenti del corso: MARCHETTI FRANCESCO matr. 044770

Riepilogo registro docente:

SOMMARIVA ALVISE matr. 020922 Docente interno - Professori Associati

Insegnamento attribuito per: COMPITO ISTITUZIONALE GRATUITO

Stato registro docente: Bozza

Studenti presenti nella 1 settimana: 120, in media

Ore inserite: 56 ore

Ore previste dall'offerta didattica: 56 ore

Gruppi di studenti con i quali è stata svolta l'attività - ore per gruppo

- prevista per tutti gli studenti (senza gruppi associati) - 56 ore

Ore inserite per tipologia di attività

56 ore lezione duale:

- prevista per tutti gli studenti (senza gruppi associati) - 56 ore

Osservazioni:

Firma del docente del corso:
Data:

Dettaglio delle attività svolte:

CALCOLO NUMERICO [IN18101050]

Partizionamento: Canale B

03/03/2022 - lezione duale -Docente: SOMMARIVA ALVISE

Ora inizio: 10:30 Ora fine: 12:30 Ore accademiche: 2

Argomento: Teoria: Lezione 01

Descrizione estesa:

- » Introduzione al corso (1h).
- » Rappresentazione dei numeri reali.
- » Un esempio.
- » Numeri macchina.
- » Alcune proprieta' numeri macchina (minimo, massimo). Accenno.

04/03/2022 - lezione duale - Docente: SOMMARIVA ALVISE

Ora inizio: 08:30 Ora fine: 10:30 Ore accademiche: 2

Argomento: Teoria, Lezione 02

- » Alcune proprieta' numeri macchina (cardinalita', spaziatura).
- » Precisione singola e doppia.
- » Troncamento e arrotondamento (con esempi e osservazioni).
- » Precisione di macchina.
- » Errori relativi e assoluti (per numeri e vettori), con esempi.
- » Errori relativi e assoluti per troncamento/arrotondamento (parte I).

09/03/2022 - lezione duale -**Docente: SOMMARIVA ALVISE**

Ora inizio: 10:30 **Ora fine:** 12:30 Ore accademiche: 2

Argomento: Laboratorio 01

Descrizione estesa:

- » Matlab e Octave.
- » Interfaccia grafica di Matlab.
- » Command Window.
- » Variabili.
- » Valori che possono assumere le variabili (scalari, vettori, matrici, stringhe).
- » Operazioni e funzioni elementari predefinite (con esempi).
- » Alcune costanti.
- » Help di Matlab.
- » Assegnazioni.
- » Il comando "whos".
- » Vettori riga e colonna in Matlab.
- » Comandi "length" e "size", "zeros", "ones".» Vettori equispaziati come "a:h:b" o con "linspace" (parte I).

10/03/2022 - lezione duale -Docente: SOMMARIVA ALVISE

Ora inizio: 10:30 Ora fine: 12:30 Ore accademiche: 2

Argomento: Teoria, Lezione 03

- » Errori relativi e assoluti per troncamento/arrotondamento (parte II).
- » Unita' di arrotondamento.
- » Operazioni con i numeri macchina.
- » Proprieta' commutativa, associativa e distributiva delle operazioni floating point (con esempi).
- » Errori nelle operazioni e loro propagazione.
- » Il caso della somma, con dimostrazione.
- » Esempio sulla cancellazione.
- » Il caso del prodotto, con dimostrazione.

11/03/2022 - lezione duale - Docente: SOMMARIVA ALVISE

Ora inizio: 08:30 Ora fine: 10:30 Ore accademiche: 2

Argomento: Teoria, Lezione 04

Descrizione estesa:

- » Alcune problematiche numeriche.
- » Valutazione di una funzione (condizionamento di una funzione).
- » Alcuni esempi del condizionamento.
- » Stabilita' di un algoritmo.
- » Calcolo di una radice di secondo grado.
- » Approssimazione di pi greco.
- » Una successione ricorrente.

16/03/2022 - lezione duale -Docente: SOMMARIVA ALVISE

Ora inizio: 10:30 Ora fine: 12:30 Ore accademiche: 2

Argomento: Laboratorio 02

Descrizione estesa:

- » Accesso alle componenti di un vettore.
- » Operazioni elementari di tipo vettoriale.
- » Funzioni elementari e loro applicazione a vettori.
- » Note sulle operazioni moltiplicative.
- » Somma tra scalari e vettori.
- » Operazioni moltiplicative tra scalari e vettori.
- » Definizione di funzioni matematiche.
- » La grafica di Matlab e il comando plot.

17/03/2022 - lezione duale - Docente: SOMMARIVA ALVISE

Ora inizio: 10:30 Ora fine: 12:30 Ore accademiche: 2

Argomento:

Teoria. Lezione 05

- » Una successione ricorrente (parte II).
- » Sulla somma ((1+x)-1)/x.
- » Sulla valutazione di f(x)=x come tan(arctan(x)).
- » Valutazione di polinomi: complessita' computazionale.
- » Potenza di un numero.
- » Esponenziale di un numero.
- » Determinanti: confronto della regola di Laplace e metodo con fattorizzazione LU (cenno).

18/03/2022 - lezione duale - Docente: SOMMARIVA ALVISE

Ora inizio: 08:30 Ora fine: 10:30 Ore accademiche: 2

Argomento:

Teoria, Lezione 06

Descrizione estesa:

- » Soluzione numerica di equazioni nonlineari esempi, grafici e metodi iterativi.
- » Ordine di convergenza, con esempio.
- » Metodo di bisezione.
- » Convergenza del metodo di bisezione (con dimostrazione, parte I).

23/03/2022 - lezione duale - Docente: SOMMARIVA ALVISE

Ora inizio: 10:30 Ora fine: 12:30 Ore accademiche: 2

Argomento: Laboratorio 03

Descrizione estesa:

- » La scala semilogaritmica
- » Altri comandi per grafici
- » I comandi legend e title
- » Le stringhe di testo
- » I comandi format, disp, fprintf
- » Le matrici: definizione.
- » Operazioni elementari con Matrici.

24/03/2022 - lezione duale - Docente: SOMMARIVA ALVISE

Ora inizio: 10:30 Ora fine: 12:30 Ore accademiche: 2

Argomento:

Teoria, Lezione 07

- » Test di arresto per il metodo di bisezione (con esempi).
- » Metodo di Newton.
- » Interpretazione grafica del metodo di Newton.
- » Test di arresto per il metodo di Newton.
- » Un teorema di convergenza locale per il metodo di Newton (asserto).

25/03/2022 - lezione duale - Docente: SOMMARIVA ALVISE

Ora inizio: 08:30 Ora fine: 10:30 Ore accademiche: 2

Argomento:

Teoria, Lezione 08

Descrizione estesa:

- » Un teorema di convergenza locale per il metodo di Newton (dimostrazione).
- » Un teorema di convergenza globale per il metodo di Newton (con dimostrazione).
- » Newton e zeri multipli.
- » Newton: alcuni esempi (casi semplici e multipli).

30/03/2022 - lezione duale - Docente: SOMMARIVA ALVISE

Ora inizio: 10:30 Ora fine: 12:30 Ore accademiche: 2

Argomento: Laboratorio 04

Descrizione estesa:

- » Alcune funzioni matriciali di Matlab.
- » Prodotto matrice vettore
- » Soluzione di sistemi lineari.
- » Le matrici: gestione di matrici particolari con [A; B] e [A B].
- » Definizione di una funzione
- » Definizione di una funzione: le directories» Definizione di una funzione: variabili locali
- » Definizione di una funzione: piu variabili in input e output
- » Operatori di relazione e condizionali (con esempi)
- » Le istruzioni condizionali: if then else (con esempi)

31/03/2022 - lezione duale - Docente: SOMMARIVA ALVISE

Ora inizio: 10:30 Ora fine: 12:30 Ore accademiche: 2

Argomento:

Teoria, Lezione 09

- » Newton: alcuni esempi (casi semplici e multipli).
- » Newton: radici quadrate ed n-sime.
- » Metodo delle secanti.
- » Metodo delle secanti: un teorema di convergenza.
- » Metodo delle secanti: un esempio.
- » Metodi di punto fisso: introduzione.
- » Teorema di punto fisso di Banach (asserto).

01/04/2022 - lezione duale - Docente: SOMMARIVA ALVISE

Ora inizio: 08:30 Ora fine: 10:30 Ore accademiche: 2

Argomento: Teoria, Lezione 10

Descrizione estesa:

- » Teorema di punto fisso di Banach (dimostrazione punto 3 (ordine convergenza)).
- » Un teorema di punto fisso di convergenza locale (senza dimostrazione).
- » Un teorema di punto fisso di convergenza locale (ordine p, senza dimostrazione).
- » Metodo di Newton come metodo di punto fisso.
- » Metodo di Newton e teorema di punto fisso di convergenza locale (traccia della dimostrazione).
- » Calcolo di radice di 5 mediante 4 successioni di punto fisso.
- » Interpolazione: introduzione.

07/04/2022 - lezione duale -Docente: SOMMARIVA ALVISE

Ora inizio: 10:30 Ora fine: 12:30 Ore accademiche: 2

Argomento: Teoria, Lezione 11

Descrizione estesa:

- » Esistenza e unicita' del polinomio interpolatore (con dimostrazione)
- » Errore di interpolazione (senza dimostrazione)
- » Esempio di stima dell'errore di interpolazione.

08/04/2022 - lezione duale - Docente: SOMMARIVA ALVISE

Ora inizio: 08:30 Ora fine: 10:30 Ore accademiche: 2 Argomento:

Teoria, Lezione 12

- » Convergenza dell'interpolazione polinomiale: nodi equispaziati e di tipo Chebyshev;
- » Convergenza uniforme: una stima uniforme dell'errore tra funzione e polinomio interpolatore;
- » Teorema di Faber e di Bernstein;
- » Controesempio di Runge: comportamento dell'interpolante in nodi equispaziati e di Chebyshev;
- » Stabilita' dell'interpolazione polinomiale.
- » Costante di Lebesgue per nodi equispaziati e di Chebyshev.

14/04/2022 - lezione duale - Docente: SOMMARIVA ALVISE

Ora inizio: 10:30 Ora fine: 12:30 Ore accademiche: 2

Argomento: Teoria, Lezione 13

Descrizione estesa:

- » Un problema dell'interpolazione polinomiale.
- » Funzioni polinomiali a tratti. Funzioni polinomiali a tratti, interpolanti e di grado "s".
- » Esistenza e unicita' delle funzioni polinomiali a tratti, interpolanti e di grado "s" su dati che sono multiplo di "s".
- » Errore dell'interpolante polinomiale a tratti di grado 1 (con dimostrazione).
- » Convergenza uniforme delle funzioni polinomiali a tratti, interpolanti e di grado "1".
- » Splines.
- » Differenza tra splines e interpolanti polinomiali a tratti.

21/04/2022 - lezione duale - Docente: SOMMARIVA ALVISE

Ora inizio: 10:30 Ora fine: 12:30 Ore accademiche: 2

Argomento:

Teoria, Lezione 14

Descrizione estesa:

- » Analisi dell'unicita' delle splines cubiche.
- » Splines naturali, vincolate e periodiche.
- » Splines not-a-knot.
- » Convergenza delle splines cubiche.
- » Osservazione sulla convergenza uniforme.
- » Esperimento di Runge con splines.
- » Problema ai minimi quadrati: definizione e motivazioni.

22/04/2022 - lezione duale - Docente: SOMMARIVA ALVISE

Ora inizio: 08:30 **Ora fine:** 10:30

Ore accademiche: 2

Argomento:

Teoria, Lezione 15

- » Teorema che lega il numero di campionamenti all'errore dei minimi quadrati.
- » Curve fitting.
- » Regressione lineare (con esempio).
- » Minimi quadrati e ricostruzione di funzione da dati perturbati...
- » Derivazione e un risultato negativo di convergenza uniforme.
- » Rapporto incrementale.

28/04/2022 - lezione duale - Docente: SOMMARIVA ALVISE

Ora inizio: 10:30 Ora fine: 12:30 Ore accademiche: 2

Argomento: Teoria, Lezione 16

Descrizione estesa:

- » Analisi del rapporto incrementale (con dimostrazione).
- » Instabilita' del rapporto incrementale (asserto).
- » Instabilita' del rapporto incrementale (con dimostrazione).
- » Esempi.
- » Analisi del metodo del rapporto incrementale simmetrico (con dimostrazione).
- » Instabilita' del metodo del rapporto incrementale simmetrico (con dimostrazione).
- » Esempi.

29/04/2022 - lezione duale -

Docente: SOMMARIVA ALVISE

Ora inizio: 08:30 Ora fine: 10:30 Ore accademiche: 2

Argomento: Teoria, Lezione 17

Descrizione estesa:

- » Integrazione numerica: stabilita' e convergenza uniforme (con dimostrazione).
- » Formule interpolatorie.
- » Grado di precisione.
- » Grado di precisione delle formule interpolatorie.
- » Regole del rettangolo: definizione ed errore.
- » Regola midpoint: definizione ed errore.
- » Formule di Newton-Cotes chiuse.
- » Regola del trapezio ed errore.
- » Regola di Cavalieri-Simpson ed errore.

05/05/2022 - lezione duale -

Docente: SOMMARIVA ALVISE **Ora inizio:** 10:30

Ora fine: 12:30
Ore accademiche: 2

Argomento:

Teoria, Lezione 18

- » Formule composte e interpolanti a tratti.
- » Formula composta midpoint, errore, grado di precisione, esempio.
- » Formula composta trapezi, errore, grado di precisione, esempio.
- » Formula composta Cavalieri-Simpson, errore, grado di precisione, esempio.
- » Formule composte: esempi e rapporti di convergenza.

06/05/2022 - lezione duale - Docente: SOMMARIVA ALVISE

Ora inizio: 08:30 Ora fine: 10:30 Ore accademiche: 2

Argomento:

Teoria, Lezione 19

Descrizione estesa:

- » Norma di vettori (definizione)
- » Norme "p" e infinito.
- » Esempi.
- » Norme indotte di matrici (definizione).
- » Raggio spettrale.
- » Norme indotte di matrici (esempi p=1, p=2, p=inf).
- » Risoluzione di sistemi lineari con termini noti perturbati.
- » Sistemi perturbato Ax=b e numero di condizionamento (dimostrazione caso perturbazione termine noto, con dimostrazione).

12/05/2022 - lezione duale - Docente: SOMMARIVA ALVISE

Ora inizio: 10:30 Ora fine: 12:30 Ore accademiche: 2

Argomento: Teoria, Lezione 20

- » Un esempio (sistema lineare e perturbazione termine noto).
- » Sistemi perturbato Ax=b e numero di condizionamento (dimostrazione caso perturbazione matrice, senza dimostrazione).
- » Sistemi perturbati Ax=b e numero di condizionamento (dimostrazione caso generale, solo asserto).
- » Sistemi lineari. Un esempio.
- » Matrici triangolari.
- » Risoluzione numerica di sistemi Ax=b con A matrice triangolare.
- » Risoluzione numerica di sistemi Ax=b con A matrice triangolare: complessita' computazionale.
- » Risoluzione di sistemi lineari (esempio matriciale).
- » Fattorizzazione LU.
- » Risoluzione di sistemi lineari e loro legame con la fattorizzazione LU.

13/05/2022 - lezione duale - Docente: SOMMARIVA ALVISE

Ora inizio: 08:30 Ora fine: 10:30 Ore accademiche: 2

Argomento:

Teoria, Lezione 21

Descrizione estesa:

- » Problematiche della fattorizzazione LU e della risoluzione dei sistemi lineari.
- » Risoluzioni di sistemi lineari con pivoting.
- » Fattorizzazione PA=LU.
- » Matrici cui a priori non serve pivoting: a predominanza diagonale, simmetriche definite positive.
- » Pseudocodice A=LU.
- » Complessita' computazionale A=LU (senza dimostrazione).
- » Tempi di calcolo.
- » Risoluzione del sistema Ax=b, nota PA=LU.

19/05/2022 - lezione duale - Docente: SOMMARIVA ALVISE

Ora inizio: 10:30 Ora fine: 12:30 Ore accademiche: 2

Argomento:

Teoria, Lezione 22

- » Fattorizzazione Cholesky e sua complessita'.
- » Determinante di una matrice: complessita' Laplace vs LU.
- » Inversa: cofattori vs LU.
- » Metodi iterativi e metodi diretti: breve introduzione.
- » Splitting A=D-E-F.
- » Splitting A=P-N.
- » Metodi iterativi stazionari: $x^{(k+1)}=Bx^{(k)}+c$.
- » Splitting A=P-N: caso Jacobi.
- » Metodo di Jacobi (esempio matrice 3 x 3).
- » Splitting A=P-N: caso Gauss-Seidel.

20/05/2022 - lezione duale -Docente: SOMMARIVA ALVISE

Ora inizio: 08:30 Ora fine: 10:30 Ore accademiche: 2

Argomento:

Teoria, Lezione 23

Descrizione estesa:

- » Splitting A=P-N: caso Gauss-Seidel.
- » Metodo di Gauss-Seidel (esempio matrice 3 x 3).
- » Metodi iterativi: alcuni teoremi di convergenza globale.
- » Convergenza di Jacobi per matrici a pred. diag. stretta (senza dimostrazione).
- » Metodi iterativi e loro convergenza: esempi.
- » Test di arresto.

27/05/2022 - lezione duale - Docente: SOMMARIVA ALVISE

Ora inizio: 08:30 Ora fine: 10:30 Ore accademiche: 2

Argomento:

Teoria, Lezione 24

Descrizione estesa:

» Preparazione ai compiti di teoria e laboratorio.