

# PRIMA PROVA PARZIALE DI ANALISI MATEMATICA 1

Ing. Aerospaziale

A.A. 2014/2015, 21 Novembre 2014

Tema 1

COGNOME E NOME: .....

MATRICOLA: .....

1	2	3
---	---	---

--

**ESERCIZIO 1.** [4.5 punti] Studiare il carattere (la convergenza semplice ed assoluta) della serie

$$\sum_{n=1}^{\infty} (-1)^n \left[ \cos \left( \frac{1}{1 + \sqrt{n}} \right) - \cos \left( \frac{1}{\sqrt{n}} \right) \right]$$

specificando i criteri usati e le argomentazioni principali.

**ESERCIZIO 2.** [4.5 punti] Studiare al variare del parametro  $\alpha \in \mathbb{R}$  il limite  $\ell_\alpha \doteq \lim_{x \rightarrow 0} \frac{(1 + 2x)^x - e^{[x^2(2+x^2)]}}{x^\alpha}$ .

(Si ricordino gli sviluppi asintotici:  $\ln(1 + y) = y - \frac{y^2}{2} + o(y^2)$ ,  $e^y = 1 + y + \frac{y^2}{2} + \frac{y^3}{6} + o(y^3)$ , per  $y \rightarrow 0$ ).

Determinare lo sviluppo asintotico di  $(1 + 2x)^x - e^{[x^2(2+x^2)]}$ , per  $x \rightarrow 0$ :

(Se esiste)

$$\ell_\alpha =$$

**ESERCIZIO 3.** [9 punti] Si consideri la funzione definita da  $f(x) = \sqrt{\frac{x}{|\ln x|}}$ .

- (i) Determinare il dominio della funzione.

$$\text{Dom}(f) =$$

- (ii) Determinare eventuali asintoti verticali, orizzontali, obliqui

- (iii) Calcolare la derivata prima della funzione

$$f'(x) =$$

e stabilire in quali intervalli la funzione è monotona crescente, ed in quali intervalli è monotona decrescente.

- (iv) Determinare eventuali punti di massimo o di minimo relativo ed assoluto di  $f$ .

- (v) Determinare l'immagine di  $f$  :  $\text{Im}(f) =$

e tracciare il grafico approssimativo della funzione.