CORSO di LAUREA in FISICA ANALISI MATEMATICA 1

Prova Scritta

26 Febbraio 2002

1. Calcolare il limite

$$\lim_{x \to 0} \frac{\sinh x \cot(x^2) - \frac{1}{x}}{\sin x}.$$

2. Studiare la funzione

$$f(x) = 3(\sin x)^{\frac{1}{3}} - |\sin x|$$

e tracciarne un grafico approssimativo.

3. Studiare la convergenza dell'integrale improprio

$$\int_{2}^{+\infty} x \left(\left(1 + x^{5} \right)^{\frac{1}{5}} - x \right) dx.$$

4. Studiare la convergenza della serie

$$\sum_{n\geq 1} \left(\frac{1}{n^{\alpha}} - \frac{1}{\alpha^n} \right)$$

al variare del parametro $\alpha \in \mathbf{R}$.