

Esempio

$$\sqrt{2-x + (x-1)^2} + 2x - 1 = 0 \quad (E)$$

$$\sqrt{2-x + (x-1)^2} = 1 - 2x$$

⊛

$$\begin{cases} 1 - 2x \geq 0 \\ 2 - x + (x-1)^2 = (1 - 2x)^2 \end{cases}$$

$$\begin{cases} x \leq \frac{1}{2} \\ 3x^2 - x - 2 = 0 \rightarrow \text{che ha} \\ \text{come soluzioni} \\ x = 1, x = -\frac{2}{3} \end{cases}$$

Quindi il sistema ⊛ ha come
soluzione solamente il valore $-\frac{2}{3}$

n pari

$$\sqrt[n]{f(x)} = g(x)$$

$$\begin{cases} f(x) \geq 0 \\ g(x) \geq 0 \\ f(x) = (g(x))^n \end{cases}$$

$$\begin{cases} g(x) \geq 0 \\ f(x) = (g(x))^n \end{cases}$$

Se $g(x) \geq 0$
sicuramente $(g(x))^n \geq 0$

e quindi $f(x) \geq 0$

5