RICERCA OPERATIVA (Esercizi di modellazione da temi d'esame)

1. Un'azienda produce due diversi tipi di profumo costituiti da alcol e da essenze. Al momento, sono necessari 10 litri di essenza di rosa, 5 litri di mughetto e 8 litri di limone. Le essenze sono ottenute distillando delle basi vendute sul mercato in flaconi. Ogni tipo di flacone ha un costo diverso, un tempo di distillazione diverso e permette di ricavare una diversa quantità delle tre essenze. Le caratteristiche dei flaconi sono riassunte nella seguente tabella:

Flacone	Costo (€)	Ore richieste per flacone	Rosa (ml)	Mughetto (ml)	Limone (ml)
1	90	20	100	110	320
2	120	16	120	290	210
3	170	12	160	330	130

Scrivere il modello di programmazione lineare che determina l'approvvigionamento di costo minimo, tenendo anche conto che:

- le ore totali disponibili per il processo di distillazione sono 1500;
- ogni ordine per un diverso tipo di flaconi costa 20 €;
- si vogliono acquistare flaconi di almeno due tipi;
- i flaconi dello stesso tipo vengono distillati uno di seguito all'altro e ogni volta che si distilla un tipo di flacone bisogna effettuare il set-up dell'impianto, della durata di 8 ore.
- **2.** Un'associazione umanitaria internazionale deve spedire i regali di Natale per i bambini di due orfanotrofi in Africa. Quest'anno si regaleranno puzzle, orsacchiotti e trenini, secondo le richieste minime sintetizzate in tabella:

Orfanotrofio	Puzzle	Orsacchiotti	Trenini
A: Tanzania	2500	3000	1400
B: Kenia	2100	2400	1300

I regali saranno smistati a partire da 3 centri di raccolta. I regali sono stati confezionati in pacchi per la spedizione, e ciascun centro di raccolta ha composto dei pacchi diversi. La composizione dei pacchi e il numero di pacchi disponibili sono indicati nella seguente tabella:

Centro	Puzzle per pacco	Orsacchiotti per pacco	Trenini per pacco	Pacchi disponibili
1	10	4	15	220
2	5	12	7	240
3	14	9	16	260

La spedizione avverrà per via aerea: da ciascun centro potrà partire al massimo un aereo per ciascuna destinazione, tenendo conto che il Centro 2 ha al massimo un aereo a disposizione. Ciascun aereo ha un costo fisso (tasse aeroportuali in partenza) e un costo variabile per pacco, secondo i dati (in euro) riportati in tabella

Centro	Costo fisso	Costo variabile per pacco verso:			
Centro	per aereo	Tanzania	Kenia		
1	500	10	12		
2	300	15	14		
3	400	5	25		

Si vuole determinare un piano di smistamento dei regali di costo minimo, considerando che il governo della Tanzania incentiva l'arrivo di puzzle chiedendo una sovrattassa di 1000 € qualora il numero di puzzle arrivati non superi di 500 unità la richiesta minima.

3. In vista delle prossime festività natalizie, Babbo Natale e la Befana devono programmare l'utilizzo della flotta di slitte e scope volanti. Ciascuna slitta o scopa da utilizzare deve prima passare dalla manutenzione. Le operazioni di manutenzione per una slitta o scopa richiedono dei pezzi di ricambio e un costo di manodopera, secondo i dati indicati in tabella:

Tipo	Sottopattini	Bulloni	Perni	Costo manodopera €
A: Slitta normale	2	10	20	25
B: Slitta lusso	4	12	25	20
C: Scopa normale	0	5	30	35
D: Scopa lusso	0	9	25	30

Le previsioni sulle richieste dei bambini indicano la necessità di approntare almeno 1200 mezzi tra slitte e scope, indipendentemente dal tipo. Inoltre, Babbo Natale può contare su 600 aiutanti al massimo e la Befana può contare su 900 aiutanti al massimo (gli aiutanti di Babbo Natale e della Befana possono, ovviamente, guidare solo slitte i primi e scope le seconde). Per l'acquisto dei pezzi di ricambio sono disponibili le seguenti confezioni:

Confezione	Sottopattini	Bulloni	Perni	Costo unitario €
1	5	30	70	20
2	7	45	90	25

Le confezioni di tipo 1 sono in promozione: se si acquistano più di 200 confezioni di tipo 1 si ha uno sconto di 500 €. Vogliamo aiutare Babbo Natale e la Befana a determinare il numero di mezzi, per tipo, da utilizzare, cercando di minimizzare i costi complessivi di manutenzione (pezzi di ricambio e manodopera) e considerando che esattamente tre tipi di mezzi dovranno circolare.

4. Una ditta di trasporti distribuisce frigoriferi in 4 città A, B, C e D a partire da 3 centri di distribuzione 1, 2 e 3 e vuole valutare la convenienza ad aprire il centro 4. Il costo di trasporto di un frigorifero in euro, le richieste delle città e le disponibilità dei centri di distribuzione (già aperti o potenziali) sono sintetizzati nella seguente tabella:

	Città A	Città B	Città C	Città D	Disponibilità centri
Centro 1	4	3	2	3	1800
Centro 2	2	4	3	1	3000
Centro 3	2	3	4	5	1800
Centro 4	3	1	2	2	1000
Richieste città	1000	2000	1700	1300	

Scrivere il modello di programmazione lineare che permetta di minimizzare i costi di trasporto e di valutare la convenienza ad aprire il nuovo centro 4 considerando che:

- il costo di apertura del nuovo centro è di 1000 euro;
- il centro 4, per poter essere aperto, deve servire una domanda di almeno 600 frigoriferi;
- il centro 4, per poter essere aperto, deve servire almeno 2 città diverse.

5. Un risparmiatore ha a disposizione, all'inizio di aprile, un budget di 100.000 euro e vorrebbe disporre, all'inizio di agosto, di almeno 150.000 euro attraverso un mix di investimenti. Tutti gli investimenti sono a disposizione all'inizio di ciascuno dei prossimi mesi (da aprile a luglio) e le loro caratteristiche sono riassunte nella seguente tabella, in termini di durata (in mesi), rendimento percentuale e livello di rischio:

Investimento	durata (mesi)	rendimento	rischio
A	1	10%	2
В	2	19%	3
C	3	33%	5
D	1	15%	4

Scrivere il modello di programmazione lineare che aiuti il risparmiatore ad arrivare alla cifra desiderata minimizzando il livello di rischio e tenendo conto che:

- il capitale rientrato alla fine di un investimento è immediatamente a disposizione per altri investimenti;
- a inizio maggio, non è possibile investire nello stesso periodo sia in B che in C;
- per poter usufruire dell'investimento A a inizio aprile è necessario investire, nello stesso periodo, almeno 10.000 euro in B e 30.000 euro in D;
- è possibile investire solo multipli interi di 1.000 euro.