

## ESERCIZI

Risolvere le seguenti disequazioni con  $x, y \in \mathbb{R}$

$$1. \frac{1}{x-3} \leq \frac{1}{2|x|},$$

$$2. x^2 + y^2 - 2|x| - 3 < 0,$$

$$3. \sqrt{(2-x)} + \sqrt{(x+4)} \leq 6,$$

$$4. \sqrt{\frac{9-x}{x+1}} > x - 3,$$

5.  $|x+3| \leq \alpha$ , determinare le soluzioni al variare di  $\alpha \in \mathbb{R}$

$$6. |y| \leq |x|.$$

$$7. 3\sin^2 x + \cos^2 x < 2 + \cos x,$$

$$8. \sqrt{|x|+1} > x - 1$$

$$9. \arcsin\left(\frac{x}{x^2-1}\right) > \frac{\pi}{6},$$

Determinare dominio e segno delle seguenti funzioni reali di variabile reale

$$1. f(x) = \arccos(|x^3 - 1/2|),$$

$$2. f(x) = \log |\sin(2e^x)|,$$

$$3. \ f(x) = \sqrt{(e^{2x} + e^x - 2)} - (e^x - 1/2),$$

$$4. \ f(x) = \arcsin\left(\frac{|x+2|}{x}\right),$$

$$5. \ f(x) = \frac{1}{|x+1|-2}$$

$$6. \ \sqrt[3]{\frac{x+2}{\tan x}}$$