G. Parmeggiani, 29/10/2019 **Algebra Lineare, a.a. 2019/2020,**

Scuola di Scienze - Corsi di laurea: **Statistica per l'economia e l'impresa**
Statistica per le tecnologie e le scienze

Studenti: **numero di MATRICOLA PARI**

Esercizi per casa 4

$\boxed{\mathbf{1}}$ Sia $\mathbf{A}(\alpha) = \begin{pmatrix} 0 & 1 & 0 \\ \alpha & \alpha^2 & -\alpha \\ 2\alpha & 2\alpha^2 & 1 \end{pmatrix}$, dove $\alpha \in \mathbb{R}$. Per quegli $\alpha \in \mathbb{R}$ per cui $\mathbf{A}(\alpha)$ è non singolare, si calcoli $\mathbf{A}(\alpha)^{-1}$.

$\boxed{\mathbf{2}}$ Sia $\mathbf{A} = \begin{pmatrix} 6i & 1-i \\ 3 & -i \end{pmatrix}$. Si calcoli $\mathbf{A}^{-1}$.

$\boxed{\mathbf{3}}$ Si dica per quali $\alpha \in \mathbb{C}$ la matrice $\mathbf{A}(\alpha) = \begin{pmatrix} \alpha+3i & \alpha \\ \alpha+3i & \alpha-i \end{pmatrix}$ è non singolare. Per tali α, si trovi l'inversa di $\mathbf{A}(\alpha)$.

$\boxed{\mathbf{4}}$ Si scrivano le matrici elementari $\mathbf{E_{13}(4)}$, $\mathbf{E_3(4)}$ ed $\mathbf{E_{13}}$ di ordine 3 e di ordine 4.

$\boxed{\mathbf{5}}$ Sia $\mathbf{A}(\alpha) = \begin{pmatrix} \alpha & 3\alpha & 2\alpha & -2\alpha \\ 0 & 0 & \alpha^2+9 & \alpha^2+9 \\ 2 & 6 & 4 & -3+\alpha \\ 1 & 3 & 1 & -6-3\alpha \\ \alpha+1 & 3\alpha+3 & 2\alpha+1 & -1 \end{pmatrix}$, dove $\alpha \in \mathbb{C}$. Per ogni $\alpha \notin \{0, 3i, -3i\}$ si trovi una decomposizione $\mathbf{A}(\alpha) = \mathbf{L}(\alpha)\mathbf{U}(\alpha)$, scrivendo anche $\mathbf{L}(\alpha)$ come prodotto di matrici elementari.

$\boxed{\mathbf{6}}$ Sia

$$\mathbf{A} = \begin{pmatrix} 3 & 9 & -6 & 0 \\ -2 & -6 & 4 & -1 \\ 0 & 2 & -4 & 0 \\ 1 & 7 & 6 & 0 \\ 1 & -4 & 10 & -4 \end{pmatrix}.$$

Si trovi una decomposizione $\mathbf{A} = \mathbf{P}^T\mathbf{L}\mathbf{U}$.