

Esercizi codice correzione Hamming

Soluz. es2: I dati e bit di controllo scritti in memoria sono:

12	11	10	9	8	7	6	5	4	3	2	1
D8	D7	D6	D5		D4	D3	D2		D1		
				C8				C4		C2	C1
0	0	1	1	0	1	0	0	1	1	1	1

I bit di controllo calcolati dai dati letti da memoria sono **1101**, pertanto la *parola sindrome* è:

$$(0\ 1\ 1\ 1) \oplus (1\ 1\ 0\ 1) = 1\ 0\ 1\ 0$$

quindi il bit errato è quello in posizione 10 (bit dati D6). Ne consegue che la parola letta dalla memoria è

00011001

Esercizi codice correzione Hamming

Soluz. es3: Bisogna trovare il valore minimo di K tale che:

$$2^K - 1 \geq M + K$$

con $M = 1024 = 2^{10}$

$$2^K - 1 \geq 2^{10} + K$$

Pertanto sicuramente K deve essere maggiore di 10. Verifichiamo se K=11 soddisfa la disuguaglianza di sopra:

$$2047 = 2^{11} - 1 \geq 2^{10} + 11 = 1035 \quad \text{VERO!}$$

Soluz. es4: Poiché $M = 16 = 2^4$, K deve essere >4 , K=5 va bene:

$$31 = 2^5 - 1 \geq 2^4 + 5 = 21$$

Pertanto dobbiamo avere $M + K = 16 + 5 = 21$ bit disposti secondo lo schema che assegna ai bit di controllo le posizioni che sono potenze di 2 (C1, C2, C4, C8, C16) e alle altre posizioni i bit dati (da D1 a D16):

21	20	19	18	17	16	15	14	13	12	11	10	9	8	7	6	5	4	3	2	1
D16	D15	D14	D13	D12		D11	D10	D9	D8	D7	D6	D5		D4	D3	D2		D1		
					C16								C8				C4		C2	C1
0	1	0	1	0		0	0	0	0	0	1	1		1	0	0		1		

Esercizi codice correzione Hamming

Per capire quali bit dati contribuiscono a formare il valore per i vari bit di controllo bisogna rappresentare tutte le posizioni tramite i 5 bit di controllo e selezionare per ogni bit di controllo i bit dati che corrispondono ad un valore di 1 per quel bit:

C16	C8	C4	C2	C1	posizione	bit dati
0	0	0	0	1	1	
0	0	0	1	0	2	
0	0	0	1	1	3	D1
0	0	1	0	0	4	
0	0	1	0	1	5	D2
0	0	1	1	0	6	D3
0	0	1	1	1	7	D4
0	1	0	0	0	8	
0	1	0	0	1	9	D5
0	1	0	1	0	10	D6
0	1	0	1	1	11	D7
0	1	1	0	0	12	D8
0	1	1	0	1	13	D9
0	1	1	1	0	14	D10
0	1	1	1	1	15	D11
1	0	0	0	0	16	
1	0	0	0	1	17	D12

Continuare in modo analogo...

Risultato finale:

$$C1 = D1 \oplus D2 \oplus D4 \oplus D5 \oplus D7 \oplus D9 \oplus D11 \oplus D12 \oplus D14 \oplus D16$$

$$C2 = D1 \oplus D3 \oplus D4 \oplus D6 \oplus D7 \oplus D10 \oplus D11 \oplus D13 \oplus D14$$

$$C4 = D2 \oplus D3 \oplus D4 \oplus D8 \oplus D9 \oplus D10 \oplus D11 \oplus D15 \oplus D16$$

$$C8 = D5 \oplus D6 \oplus D7 \oplus D8 \oplus D9 \oplus D10 \oplus D11$$

$$C16 = D12 \oplus D13 \oplus D14 \oplus D15 \oplus D16$$

Esercizi codice correzione Hamming

Quindi in memoria si deve immagazzinare la seguente configurazione binaria

21	20	19	18	17	16	15	14	13	12	11	10	9	8	7	6	5	4	3	2	1
D16	D15	D14	D13	D12		D11	D10	D9	D8	D7	D6	D5		D4	D3	D2		D1		
					C16								C8				C4		C2	C1
0	1	0	1	0	0	0	0	0	0	0	1	1	0	1	0	0	0	1	0	1