Cognome	Nome	Matricola
	1101110	. Mailicola

## Università degli Studi di Padova – Facoltà di Ingegneria

Laurea in Ingegneria Civile e Ingegneria per l'Ambiente e il Territorio, – prof. A. Tonolo

Prova scritta di MATEMATICA 2 (2º compitino)

Padova, 31 ottobre 2003

## TEMA 2

Tempo a disposizione: 105'. Gli esercizi vanno svolti con le dovute giustificazioni sul foglio di bella. Il testo (il presente foglio) va consegnato insieme al foglio di bella. Non si possono usare calcolatrici, appunti, libri, telefoni.

Parte A (8 punti) Si consideri la matrice 
$$A_{\alpha} = \begin{bmatrix} 4 & 0 & 0 \\ 0 & 11 - \alpha & 14 - 2\alpha \\ 0 & \alpha - 6 & 2\alpha - 8 \end{bmatrix}$$
.

- (A1) Si determini il polinomio caratterisico di  $A_{\alpha}$  e se ne studino gli autovalori al variare del parametro  $\alpha$ .
- (A2) Per quali valori di  $\alpha$  la matrice  $A_{\alpha}$  è diagonalizzabile?
- (A3) Per  $\alpha = 7$  si determinino le matrici  $P \in D$  tali che  $P^{-1}A_7P = D$ .
- (A4) Per i valori di  $\alpha$  per i quali  $A_{\alpha}$  risulta non diagonalizzabile si determini la forma di Jordan  $J_{\alpha}$  di  $A_{\alpha}$ .

Si considerino le rette

$$s_1: \left\{ \begin{array}{rrr} 3x - y + 2z & = 2 \\ y + 4z & = 1 \end{array} \right.$$
  $s_2: \left\{ \begin{array}{rrr} x & = 2 + 3t \\ y & = -1 \\ z & = 3 - 2t \end{array} \right.$ 

e il piano  $\pi$  di equazione 7x - 2y - z = 5.

- (A5) Determinare l'equazione parametrica di  $s_1$  e l'equazione cartesiano di  $s_2$ .
- (A6) Determinare la retta passante per  $s_1$  e  $s_2$  ortogonale al piano  $\pi$ .

Parte B (5 punti)

- (B1) Sia A una matrice diagonalizzabile; la matrice A+3I è diagonalizzabile? Se si, lo si dimostri, se no si produca un controesempio.
- (B2) Scrivere un polinomio di secondo grado f(x) che interpoli i valori di  $\sin x$  in  $0, \frac{\pi}{2}, \pi$ . Calcolare  $f(\frac{2\pi}{3})$ .