


**Problematiche di ordinamento**

# RTS

Anno accademico 2008/9  
Sistemi *Real-Time*

Tullio Vardanega, [tullio.vardanega@math.unipd.it](mailto:tullio.vardanega@math.unipd.it)

Corso di Laurea Magistrale in Informatica, Università di Padova 1/36




**Problematiche di ordinamento**

## Prima classificazione – 1

**Funzionamento *clock-driven* (*time-driven*)**

- Le decisioni di ordinamento sono prese prima dell'esecuzione (*off line*) e sono poi attuate a istanti temporali predeterminati
  - In genere a intervalli regolari segnalati da una interruzione di orologio
  - Lo scheduler prima avvia all'esecuzione i *job* pianificati nel periodo corrente poi si sospende in attesa del prossimo periodo
  - Lo scheduler usa un *off-line schedule*
- Tutti i parametri di influenza devono essere noti a priori
- L'ordinamento non è modificabile a tempo d'esecuzione
- L'onere di gestione a tempo d'esecuzione è minimo

Corso di Laurea Magistrale in Informatica, Università di Padova 2/36




**Problematiche di ordinamento**

## Prima classificazione – 2

**Funzionamento *weighted round-robin***

- **Round-robin base**
  - I *job* pronti vengono inseriti in una coda FIFO
  - Il *job* in testa alla coda esegue per un *time slice*
    - Se non finisce in tempo viene prerilasciato e posto in fondo alla coda
  - La coda viene eseguita in un *round*
- **Correzione con pesi**
  - Usato per la gestione del traffico di rete
  - Ai *job* vengono assegnate quantità diverse di tempo di CPU secondo il valore dell'attributo 'peso'
  - Totalmente inadatto per *job* con relazioni di precedenza
  - Adatto per *job* operanti in modalità *pipeline*

Corso di Laurea Magistrale in Informatica, Università di Padova 3/36




**Problematiche di ordinamento**

## Prima classificazione – 3

**Funzionamento *priority-driven* (*event-driven*)**

- Questa classe di algoritmi non lascia mai risorse inutilizzate intenzionalmente
  - Una risorsa non viene utilizzata solo e soltanto quando non vi sia alcun *job* pronto a usarla (approccio *greedy* che cerca l'ottimo locale)
  - Ritardare l'accesso alla CPU può però ridurre la competizione e dunque il ritardo nel completamento dei *job*
  - Effetti anomali quando i parametri dei *job* possano variare dinamicamente
- Le decisioni di ordinamento vengono prese quando si verificano eventi che modificano la coda dei pronti
  - Algoritmi tipicamente *on-line* e solo con conoscenza locale
  - Uno scheduler che conosca il tempo di arrivo futuro dei suoi *job* viene detto *clairvoyant*
- Include algoritmi di *scheduling* utilizzati in sistemi non *real-time* come FIFO, LIFO, SETF, LEFT

Corso di Laurea Magistrale in Informatica, Università di Padova 4/36




**Problematiche di ordinamento**

## Prima classificazione – 4

**Come confrontare le prestazioni dell'ordinamento *preemptive* con quello *non-preemptive*?**

- Non c'è risposta valida in generale
  - Nel caso particolare in cui tutti i *job* considerati abbiano lo stesso *release time* la modalità *preemptive* è migliore se il costo del prerilascio è insignificante
- Sarebbe interessante sapere se il miglioramento del *minimum makespan* nel caso *preemptive* bilanci in generale il costo del prerilascio
  - Sappiamo solo che nel caso di 2 processori il *minimum makespan* nel caso *non-preemptive* non è mai peggiore di 4/3 di quello del caso *preemptive*

Corso di Laurea Magistrale in Informatica, Università di Padova 5/36



**Problematiche di ordinamento**

## Definizioni

- I vincoli di precedenza hanno influenza su *release time* e *deadline***
  - Altrimenti il *release time* di un *job* potrebbe essere dopo quello di un suo successore o la sua *deadline* prima di quella di un suo predecessore
- Effective release time**
  - Per un *job* con predecessori è il massimo valore tra il suo *release time* e l'*effective release time* dei suoi predecessori
    - Più precisamente il massimo *effective release time* dei suoi predecessori più il tempo d'esecuzione del *job* corrispondente
- Effective deadline**
  - Per un *job* con successori è il minimo valore tra la sua *deadline* e la *effective deadline* dei suoi successori
    - Più precisamente la minima *effective deadline* dei suoi successori meno il tempo d'esecuzione del *job* corrispondente
- Nel caso di 1 processore e *job* con prerilascio, considerando ERT e ED possiamo trascurare i vincoli di precedenza**

Corso di Laurea Magistrale in Informatica, Università di Padova 6/36

Problematiche di ordinamento

## Ottimalità – 1

- Le priorità possono essere assegnate sulla base della *(effective) deadline*
  - L'algoritmo *Earliest Deadline First* è ottimale per sistemi monoprocessore con prerilascio e *job* indipendenti
    - Dato un insieme di *job* EDF produce un *feasible schedule* se uno ne esiste
    - L'ottimalità cade sotto ipotesi diverse (assenza di prerilascio o più processori)
- La priorità può anche essere assegnata sulla base dello *slack (laxity)*
  - Lo *slack* al tempo  $t$  di un *job* con *deadline*  $d$  e tempo residuo di esecuzione  $r$  è  $\lfloor (d - t) - r \rfloor$
  - L'algoritmo *Least Slack Time First (Least Laxity First)* è ottimale sotto le stesse ipotesi di EDF
    - Però è più complesso di EDF perché richiede conoscenza del tempo d'esecuzione

Corso di Laurea Magistrale in Informatica, Università di Padova7/36

Problematiche di ordinamento

## Ottimalità – 2

- Se l'obiettivo è rispettare le scadenze non c'è vero vantaggio nel far completare un *job* prima del necessario
  - Da questa osservazione nasce l'algoritmo *Latest Release Time* che ordina i *job* all'indietro a partire dalle loro *deadline*
    - Per primo si fissa il *job* con la *deadline* più lontana e poi, all'indietro, i *job* con il maggior *release time* (considerato come priorità)
    - LRT non è *priority-driven* perché può ritardare l'esecuzione di un *ready job*
  - Il punto chiave è che la natura *greedy* degli algoritmi *priority-driven* può aumentare l'interferenza

Corso di Laurea Magistrale in Informatica, Università di Padova8/36

Problematiche di ordinamento

## Predicibilità di esecuzione

- Definizione intuitiva
  - Da un algoritmo di *scheduling* l'esecuzione del *job set*  $J$  è *predictable* se l'*actual start time* e l'*actual response time* di ogni suo *job* variano entro i corrispondenti valori fissati dal suo *maximal* e *minimal schedule*
    - Lo *schedule* prodotto dall'algoritmo dato sotto ipotesi WCET per ogni *job* viene detto *maximal schedule*
    - Analogamente per *minimal schedule*
- L'esecuzione con prerilascio di *job* indipendenti e con *release time* fissati sotto *priority-driven scheduling* su 1 processore è predicibile

Corso di Laurea Magistrale in Informatica, Università di Padova9/36

Problematiche di ordinamento

## Prima classificazione – 5

Classification of Scheduling Algorithms

```

graph TD
    A[All scheduling algorithms] --> B[static scheduling  
(or offline, or clock driven)]
    A --> C[dynamic scheduling  
(or online, or priority driven)]
    C --> D[static-priority scheduling]
    C --> E[dynamic-priority scheduling]
          
```

Jim Anderson      Real-Time Systems      Introduction - 30

Corso di Laurea Magistrale in Informatica, Università di Padova10/36

Problematiche di ordinamento

## Clock-driven scheduling – 1

- **Workload model** composto da
  - **N task periodici per N fissato**
    - Nella definizione di periodico di Jim Anderson (rispetto a quella di Jane Liu)
  - **I parametri di ogni task  $T_i$  ( $\Phi_i, p_i, e_i, D_i$ ) sono noti a priori**
- Lo *schedule* è statico, costruito *off-line* (prima dell'esecuzione dei *job*) in una tabella  $T$ 
  - $T[t_k] = T_i$  se un *job* deve essere mandato in esecuzione al tempo  $t_k$ , altrimenti  $I$  (*idle*)

Corso di Laurea Magistrale in Informatica, Università di Padova11/36

Problematiche di ordinamento

## Clock-driven scheduling – 2

```

Input: stored schedule T(t_k) for k = 0, ..., N-1; H (hyperperiod)
SCHEDULER:
  i := 0; T(t_k) = 0;
  set the timer to expire at t_k;
  do forever:
    accept timer interrupt;
    if an aperiodic job is executing
      preempt it; end if;
    current task T := T(t_k);
    i := i+1;
    compute T(t_k) for k = i mod N;
    set the timer to expire at  $\lfloor i / N \rfloor H + t_k$ ;
    if current task T = I
      let the job at the head of the aperiodic queue execute;
    else let the job of task T execute; end if;
    sleep;
  end do;
end SCHEDULER
          
```

Corso di Laurea Magistrale in Informatica, Università di Padova12/36

Problematiche di ordinamento  
**Esempio**

T per  $J = \{t_1=(0,4,1,4), t_2=(0,5,1,8,5), t_3=(0,20,1,20), t_4=(0,20,2,20)\}$   
 $H = 20$

T contiene 17 celle: troppo complessa e troppo frammentata!

Corso di Laurea Magistrale in Informatica, Università di Padova **13/36**

Problematiche di ordinamento  
**Clock-driven scheduling – 3**

□ **Conviene minimizzare la dimensione di T**

- **I punti di decisione  $t_k$  sono fissati a intervalli regolari**
  - Gli intervalli sono chiamati *minor cycle* e hanno ampiezza  $f$
  - Entro un *minor cycle* non vi è prerilascio
- **$\Phi_i$  per ogni task  $T_i$  è un multiplo intero non negativo di  $f$** 
  - Il primo *job* di ogni *task* ha il suo *release time* all'inizio di un *minor cycle*
- **[1] Ogni *job* deve eseguire completamente entro  $f$** 
  - $f \geq \max_i(e_i)$  così che si possa riconoscere la situazione di *overrun*
- **[2]  $f$  è un divisore dell'iperperiodo  $H$** 
  - L'iperperiodo  $H$  contiene un numero intero  $F$  di *minor cycle*
  - L'iperperiodo  $H$  che inizia all'inizio del *frame* di indice  $kF$  per  $k=0, \dots, N-1$  viene detto *major cycle*

Corso di Laurea Magistrale in Informatica, Università di Padova **14/36**

Problematiche di ordinamento  
**Clock-driven scheduling – 4**

□ **Ulteriori vincoli**

- Per consentire allo *scheduler* di accertare che ogni *job* completi entro la sua *deadline* conviene che tra *release time* e *deadline* di ogni *job* vi sia almeno 1 *minor cycle*

- [3] Deve valere la relazione  $t + 2f \leq t' + D_i$  da cui il vincolo  $2f - \text{GCD}(p_i, f) \leq D_i$

Corso di Laurea Magistrale in Informatica, Università di Padova **15/36**

Problematiche di ordinamento  
**Clock-driven scheduling – 5**

□ **È possibile che i parametri di qualche sistema non riescano a soddisfare le condizioni [1-3] su  $f$**

□ **Esempio**

- $T = \{(0,4,1,4), (0,5,2,7), (0,20,5,20)\}$
- [1]  $f \geq 5$ ; [2]  $f = \{2,4,5,20\}$ ; [3]  $f \leq 4$

□ **In questi casi occorre decomporre i *job* con  $e_i$  "grande" in frammenti (*slice*) piccoli abbastanza da soddisfare i vincoli violati**

Corso di Laurea Magistrale in Informatica, Università di Padova **16/36**

Problematiche di ordinamento  
**Clock-driven scheduling – 6**

□ **Per costruire un *cyclic schedule* bisogna prendere tre decisioni**

- Fissare  $f$
- Suddividere *job* grandi in *slice*
- Assegnare *slice* a *minor cycle*

□ **Vi è interdipendenza tra queste decisioni**

Corso di Laurea Magistrale in Informatica, Università di Padova **17/36**

Problematiche di ordinamento  
**Clock-driven scheduling – 7**

```

Input: stored schedule L(k) for k = 0, ..., F-1;
CYCLIC_EXECUTIVE:
  t := 0; k := 0;
  do forever:
    accept clock interrupt at time t*f;
    currentBlock = L(k);
    t := t+1;
    k := t mod F;
    if the last job is not completed take appropriate action;
    end if;
    execute the slices in currentBlock;
    while the aperiodic job queue is not empty do
      execute the aperiodic job at the top of the queue;
    end do;
    sleep until the next clock interrupt;
  end do;
end SCHEDULER
    
```

Corso di Laurea Magistrale in Informatica, Università di Padova **18/36**

Problematiche di ordinamento

## Esempio

T per  $J = \{t_1=(0,4,1,4), t_2=(0,5,2,7), t_3=(0,20,5,20)\}$   
 Abbiamo un problema con  $t_3$  perché vorremmo  $e_3 \leq f \leq 4$   
 Dunque lo scomponiamo in più *slice*: quanti?

$t_3 = \{t_{3^1}=(0,20,1,20), t_{3^2}=(0,20,3,20), t_{3^3}=(0,20,1,20)\}$

Major cycle  $H = 20, F = H / f = 5$

Corso di Laurea Magistrale in Informatica, Università di Padova
19/36

Problematiche di ordinamento

## Considerazioni progettuali – 1

- Completare un *job* in anticipo rispetto alla sua *deadline* non porta beneficio
- Dare opportunità a *job* aperiodici (*event-driven*) al più presto possibile rende il sistema più *responsive*
- Slack stealing* fa eseguire *job* aperiodici in preferenza a *job* periodici quando possibile
  - Ogni *minor cycle* ha una quota X di tempo non impiegato (*slack*)
    - Lo *slack* è dunque un attributo statico di ogni *minor cycle*
  - Lo *scheduler* fa *slack stealing* se assegna lo *slack* all'inizio del *minor cycle* invece che alla fine
    - Serve un *interval timer* molto accurato per segnalare la fine dello *slack*

Corso di Laurea Magistrale in Informatica, Università di Padova
20/36

Problematiche di ordinamento

## Considerazioni progettuali – 2

- Gestire gli *overrun*
  - Fermare il *job* trovato in *overrun* all'inizio del nuovo *minor cycle*
    - Era davvero sua la colpa?
    - Accettabile nello schema in cui un risultato tardivo ha valore nullo o negativo
  - Ritardare l'arresto a dopo il completamento di azioni critiche
    - L'arresto prematuro può produrre uno stato inconsistente
  - Assegnare tempo supplementare ritardando il nuovo *frame*
    - Accettabile nello schema in cui un risultato tardivo ha valore positivo
- Gestire il cambio di modo operativo (*mode change*)
  - Con o senza *deadline*
  - Sovrapposizione tra il modo precedente con quello successivo

Corso di Laurea Magistrale in Informatica, Università di Padova
21/36

Problematiche di ordinamento

## Clock-driven scheduling – 8

- Pro
  - Semplicità concettuale
  - Realizzazione molto semplice e robusta
  - Verifica sicura ed economica
- Contro
  - Progettazione estremamente fragile
    - Costruire la tabella T è problema *NP-hard*
    - Elevatissimo accoppiamento architetturale
  - Tutti i parametri devono essere noti e fissati a priori
    - Spesso fissati in modo arbitrario per soddisfare i vincoli su f
    - Inadatto e inefficiente per *job* sporadici

Corso di Laurea Magistrale in Informatica, Università di Padova
22/36

Problematiche di ordinamento

## Priority-driven scheduling

- Principio base
  - A ogni *job* viene assegnata una priorità
  - Il *job* con la priorità più alta va in esecuzione
- Dynamic-priority scheduling*
  - Job* diversi di uno stesso *task* possono avere priorità diverse
- Static-priority scheduling*
  - I *job* dello stesso *task* hanno tutti la stessa priorità

Corso di Laurea Magistrale in Informatica, Università di Padova
23/36

Problematiche di ordinamento

## Dynamic-priority scheduling

- Due algoritmi principali
  - Earliest Deadline First (EDF)
  - Least Laxity First (LLF)
- Entrambi ottimali sotto le ipotesi di *job* indipendenti e con prerilascio
  - Teorema (EDF: Liu & Layland, 1973) valido anche in presenza di *task* sporadici
    - Esteso banalmente a LLF
  - La *deadline* relativa dei *task* periodici può essere arbitraria rispetto al periodo ( $<, =, >$ )
  - EDF non è più ottimale per *job* senza prerilascio

Corso di Laurea Magistrale in Informatica, Università di Padova
24/36

Problematiche di ordinamento

### Criteri di confronto – 1

- ❑ Gli algoritmi *priority-driven* che non considerano l'urgenza dei *job* hanno prestazioni scadenti
- ❑ Confrontare le prestazioni di algoritmi diversi
- ❑ Un buon criterio è la *schedulable utilization*
  - Un algoritmo può produrre un *feasible schedule* per un *task set*  $\tau$  su 1 processore se  $U(\tau)$  non eccede la sua *schedulable utilization*
  - La massima *schedulable utilization* teorica è 1
    - La *schedulable utilization* di EDF è 1 (Liu & Layland, 1973)
  - Per *deadline* arbitrarie il fattore *density*  $\Delta_k = e_k / \min(D_k, p_k)$  diventa importante ( $\Delta > U$  se  $D_i < p_i$  per qualche *task*)
    - $\sum (e_i / \min(D_i, p_i)) = \Delta \leq 1$  è la *schedulability condition* per EDF: solo sufficiente

Corso di Laurea Magistrale in Informatica, Università di Padova 25/36

Problematiche di ordinamento

### Esempio EDF – 1

Task set  $T = \{t_1=(0,2,0.6,1), t_2=(0,5,2.3,5)\}$   
 $\Delta(T) = e_1/D_1 + e_2/p_2 = 1.06 > 1$   
 Che dire di questo  $T$  sotto EDF?

Corso di Laurea Magistrale in Informatica, Università di Padova 26/36

Problematiche di ordinamento

### Criteri di confronto – 2

- ❑ La *schedulable utilization* da sola non basta, serve anche la *predictability!*
  - Sotto ipotesi di *overload* il comportamento di algoritmi di *static-priority scheduling* è determinabile e ragionevole
    - L'*overrun* di *job* di un *task* non causa alcun effetto a *task* di priorità superiore
    - L'effetto di un *overrun* sotto EDF è molto più difficile da determinare: EDF causa instabilità
  - Sotto EDF un *job* che abbia mancato la sua *deadline* ha priorità superiore a *job* con *deadline* nel futuro
    - EDF causa instabilità

Corso di Laurea Magistrale in Informatica, Università di Padova 27/36

Problematiche di ordinamento

### Esempio EDF – 2

Task set  $T = \{t_1=(0,2,1,2), t_2=(0,5,3,5)\}$   
 $U(T) = e_1/p_1 + e_2/p_2 = 1.1$   
 T non ha *feasible schedule*: chi ne paga le conseguenze sotto EDF?

Task set  $T = \{t_1=(0,2,0.8,2), t_2=(0,5,3.5,5)\}$   
 $U(T) = e_1/p_1 + e_2/p_2 = 1.1$   
 T non ha *feasible schedule*: chi ne paga le conseguenze sotto EDF?

E per  $T = \{t_1=(0,2,0.8,2), t_2=(0,5,4,5)\}$  con  $U(T)=1.2$  invece?

Corso di Laurea Magistrale in Informatica, Università di Padova 28/36

Problematiche di ordinamento

### Static-priority scheduling (FPS)

- ❑ Due varianti principali rispetto alla strategia di assegnazione della priorità
  - *Rate monotonic*
    - Priorità maggiore a *task* di periodo inferiore (più frequenti)
  - *Deadline monotonic*
    - Priorità maggiore a *task* con *deadline* inferiore (più urgenti)
- ❑ Prima di studiarli in dettaglio fissiamo alcuni concetti fondamentali

Corso di Laurea Magistrale in Informatica, Università di Padova 29/36

Problematiche di ordinamento

### Critical instant – 1

- ❑ Gli *schedulability test* devono contemplare il caso peggiore
  - La peggiore relazione possibile tra il *release time* del *task*  $T_i$  da analizzare e i *task* a priorità maggiore di esso
  - La sua effettiva specifica può variare a seconda della relazione ammissibile tra  $D_i$  e  $p_i$
- ❑ La nozione di *critical instant* definisce il caso peggiore
  - Il *response time*  $R_i$  del *job* di un *task*  $T_i$  con *release time* nel *critical instant* è il massimo valore possibile per quel *task*

Corso di Laurea Magistrale in Informatica, Università di Padova 30/36

Problematiche di ordinamento  
**Critical instant – 2**

□ **Teorema: sotto FPS – quando  $D_i \leq p_i$  – il *critical instant* del task  $T_i$  si ha quando il *release time* di un suo *job* coincide (è in fase) con quello di un *job* di ogni task a priorità maggiore**

**Si tratta di trovare il valore  $\max(W_i)$  per  $T_i$**

$$W_{i,1} = e_i + \sum_{(k=1, \dots, i-1)} \lceil (W_{i,1} + \Phi_i - \Phi_k) / p_k \rceil e_k - \Phi_i$$

□ **Concetto alla base della *Time Demand Analysis* che però studia  $w$  in funzione di  $t$**

Corso di Laurea Magistrale in Informatica, Università di Padova 31/36

Problematiche di ordinamento  
**Time demand analysis – 1**

Task set  $T = \{t_1=(-,3,1,3), t_2=(-,5,1,5,5), t_3=(-,7,1,25,7)\}$   
 $U(T) = \sum e_i/p_i = 0.82$  e fasi arbitrarie ma ininfluenti nel *critical instant*

Corso di Laurea Magistrale in Informatica, Università di Padova 32/36

Problematiche di ordinamento  
**Time demand analysis – 2**

□ **La TDA ( $w(t) \leq D$ ) è necessaria e sufficiente**

- [Lehoczky & Sha & Ding, 1989]

□ **È facile estenderne le potenzialità alla determinazione del *response time***

- Risolvendo la funzione iterativa  $w = f(w)$
- [Joseph & Pandia, 1986]
- [Audsley & Burns & Richardson & Tindell & Wellings, 1993]

Corso di Laurea Magistrale in Informatica, Università di Padova 33/36

Problematiche di ordinamento  
**Time demand analysis – 3**

□ **Cambia qualcosa nella definizione di *critical instant* quando  $D > p$  ?**

□ **Si: il primo *job* di  $T_i$  può non avere il peggior *response time***

- [Lehoczky & Sha & Strosnider & Tokuda, 1991]

□ **Serve invece considerare tutti i *job* di  $T_i$  all'interno del *level-i busy period***

- L'intervallo temporale  $(t_{p_i}, t)$  nel quale il *processor* esegue *job* con priorità  $\geq i$ , considerando solo i *job* con *release time* in  $(t_{p_i}, t)$  e *response time* entro  $t$

Corso di Laurea Magistrale in Informatica, Università di Padova 34/36

Problematiche di ordinamento  
**Esempio**

$T_1 = \{-,70,26,70\}, T_2 = \{-,100,62,120\}$

Corso di Laurea Magistrale in Informatica, Università di Padova 35/36

Problematiche di ordinamento  
**Level-i busy period**

$T_1 = \{-,100,20,100\}, T_2 = \{-,150,40,150\}, T_3 = \{-,350,100,350\} \Rightarrow U = 0.75$

Corso di Laurea Magistrale in Informatica, Università di Padova 36/36